

[MATEMATIKA – EKONOMSKA ŠKOLA]

Smer: Trgovinski tehničar

I godina

PITANJA:

Logika i skupovi

1. Dati su skupovi $A = \{x \mid 1 < x \leq 5\}$, $B = \{x \mid x \in N \wedge x + 3 \leq 8\}$, $C = \{1, 3, 5, 6, 7\}$. Odrediti:

- a) $A \cap B$
- b) $(C \setminus B) \cap A$
- c) $(A \cup B) \cap C$
- d) $(A \setminus C) \cap (C \setminus B)$

2. Ispitati da li su sledeće formule tautologije:

- a) $(\neg p \wedge q) \Leftrightarrow (p \Rightarrow r)$
- b) $(p \vee q) \Rightarrow (q \Leftrightarrow \neg r)$
- c) $((p \vee q) \wedge \neg r) \Leftrightarrow (p \Rightarrow r)$

3. Dati su skupovi $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{2, 3, 4\}$. Odrediti skup $(B \times A) \cap (A \times A)$

Proporcionalnost veličina

4. Odredi x iz proporcije:

a) $x : (2+x) = 10,5 : 21$

b) $(5x-8) : 12 = 3x : 16$

c) $x : 2\frac{2}{3} = \frac{11}{4} : 0,5$

5. Podeli broj 147.6 na tri dela u razmeri 3:5:4.
6. 10 radnika urade neki posao za 12 dana radeći 8 sati dnevno. Za koliko dana bi isti posao uradilo 7 radnika ako bi radili 6 sati dnevno?
7. Jednom zemljoradniku je odobren zajam od 425 000 dinara, uz 9% interesa. Koliku će on platiti kamatu za 5 meseci?
8. Koliko iznosi zajam koji je odobrila banka jednom radniku, ako je on za 8 meseci platio na ime 6% interesa 3 840 dinara?
9. Pantalone su poskupele za 14% i sada koštaju 2 873 dinara. Kolika je bila stara cena i za koliko dinara su poskupele?
10. Čizme su pre poskupljenja od 19% koštale 1950 dinara. Koliko sada koštaju i za koliko dinara su poskupele?

Racionalni algebarski izrazi

11. Rastavi na činoce sledeće brojne izraze:

$$a) 2b(z+3)-a(z+3)=$$

$$b) 6x^2 - 24xy =$$

$$c) (x-6)^2 =$$

$$d) a^2 - 64 =$$

12. Rešiti:

$$a) \frac{15a^2b^3}{16xy^2} \cdot \frac{24x^2y}{45ab^2}$$

$$b) \frac{x^2 - 8x + 16}{5x + 5} \cdot \frac{5}{x^2 - 16}$$

$$c) \frac{7ay}{6b^2x^2} : \frac{21a^2y}{8bx}$$

$$d) \frac{x^2 - 10x + 25}{2x + 2} : \frac{3x - 15}{x^2 + 2x + 1}$$

13. Uprosti racionalne izraze:

$$a) \frac{6x}{x+5} - \frac{3}{x-5} + \frac{50x}{x^2 - 25} =$$

$$b) \frac{3x}{x-4} - \frac{2}{x+4} + \frac{30x}{x^2 - 16} =$$

$$c) \frac{3}{a-3} + \frac{4}{2a-6} - \frac{9}{4a-12} =$$

$$d) \frac{4y}{y^2 - 6y + 9} - \frac{2y}{y^2 - 9} =$$

Izometrijske transformacije

14. Duži AB i CD imaju zajedničko središte O. Dokaži sledeće podudarnosti:

- a) $AC \cong BD$
- b) $AD \cong CD$
- c) središta duži AD i CB leže na istoj pravoj kroz tačku O

15. Konstruiši sliku jednakostraničnog trougla ABC pri rotaciji:

- a) $\rho_A^{60^\circ}$
- b) $\rho_B^{180^\circ}$
- c) $\rho_B^{-90^\circ}$

16. Izaberu u ravni tačke O, A, B i C. Konstruiši tačke $M = \sigma_O(A)$, $P = \sigma_A(B)$, $Q = \sigma_B(C)$.

17. Translacijom preslikati proizvoljan trougao ABC za vektor \vec{v} :

- a) $\vec{v} = \vec{AB}$
- b) $\vec{v} = \vec{BC}$
- c) $\vec{v} = \vec{CA}$

18. Konstruiši trougao ako je on zadat sledećim elementima:

- a) c, a, t_a
- b) $a + c, h_c, \beta$
- c) c, h_c, t_c

Linearne jednačine i nejednačine sa jednom nepoznatom

19. Reši linearne jednačine:

- a) $\frac{y+5}{2} + \frac{y-1}{5} = 4y - 1$
- b) $(x+3)^2 - (x-4)^2 = 2x - 13$
- c) $\frac{(x-2)^2}{2} - 4 = \frac{(x+1)^2}{2}$
- d) $\frac{9y-5}{3y-2} - \frac{4y+1}{2y-3} = 1$

20. Reši linearne nejednačine:

a) $3x + 2 > 2x - 7$

b) $4x + 9 \leq -2x + 11$

c) $\frac{6x-1}{4} < \frac{x-2}{3}$

d) $\frac{5x-1}{4} - \frac{3x-13}{10} < \frac{5x+1}{3}$

Linearne funkcije

21. Ispitaj tok funkcije i nacrtaj njen grafik:

a) $y = 5x - 1$

b) $y = -3x + 1$

c) $y = -x + 4$

d) $y = 2x + 3$

22. Odredi a u funkciji $y = ax - 3$ ako funkcija prolazi kroz tačku $M(2, 5)$. Nacrtaj grafik i navedi osobine.

Sistemi linearnih jednačina

23. Reši sistem jednačina

a) $\frac{x+1}{2} - \frac{2y-7}{3} = 1$

b) $(x-3) \cdot (y+5) = x \cdot y - 19$

$\frac{3x-2}{7} + \frac{y+1}{3} = 3$

$(x+1) \cdot (y+2) = x \cdot y + 7$

24. Sistem nejednačina reši preko tabele:

a) $\frac{7x-5}{2x+5} < 1$

b) $\frac{2x-3}{4-x} \geq 3$

c) $(x-1) \cdot (x-4) > 0$