

[MATEMATIKA – MEDICINSKA ŠKOLA]

Smer: Medicinska sestra – Tehničar

I godina

PITANJA:

Логика и скупови

1. Дати су скупови $A = \{x | 1 < x \leq 5\}$, $B = \{x | x \in N \wedge x + 3 \leq 8\}$, $C = \{1, 3, 5, 6, 7\}$. Одредити:

- a) $A \cap B$
- b) $(C \setminus B) \cap A$
- c) $(A \cup B) \cap C$
- d) $(A \setminus C) \cap (C \setminus B)$

2. Испитати да ли су следеће формуле таутологије:

- a) $(\neg p \wedge q) \Leftrightarrow (p \Rightarrow r)$
- b) $(p \vee q) \Rightarrow (q \Leftrightarrow \neg r)$
- c) $((p \vee q) \wedge \neg r) \Leftrightarrow (p \Rightarrow r)$

3. Дати су скупови $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{2, 3, 4\}$. Одредити скуп $(B \times A) \cap (A \times A)$

Пропорционалност величина

4. Одреди x из пропрције:

$$a) x:(2+x)=10,5:21$$

$$b) (5x-8):12=3x:16$$

$$c) x:2\frac{2}{3}=\frac{11}{4}:0,5$$

5. Подели број 147.6 на три дела у размери 3:5:4.

6. 10 радника ураде неки посао за 12 дана радећи 8 сати дневно. За колико дана би исти посао урадило 7 радника ако би радили 6 сати дневно?

7. Једном земљораднику је одобрен зајам од 425 000 динара, уз 9% интереса. Колику ће он платити камату за 5 месеци?

8. Колико износи зајам који је одобрila банка једном раднику, ако је он за 8 месеци платио на име 6% интереса 3 840 динара?

9. Панталоне су поскупеле за 14% и сада коштају 2 873 динара. Колика је била стара цена и за колико динара су поскупеле?

10. Чизме су пре поскупљења од 19% коштале 1950 динара. Колико сада коштају и за колико динара су поскупеле?

Рационални алгебарски изрази

11. Растави на чиниоце следеће бројне изразе:

$$a) 2b(z+3)-a(z+3) =$$

$$b) 6x^2 - 24xy =$$

$$c) (x-6)^2 =$$

$$d) a^2 - 64 =$$

12. Решити:

$$a) \frac{15a^2b^3}{16xy^2} \cdot \frac{24x^2y}{45ab^2}$$

$$b) \frac{x^2-8x+16}{5x+5} \cdot \frac{5}{x^2-16}$$

$$c) \frac{7ay}{6b^2x^2} : \frac{21a^2y}{8bx}$$

$$d) \frac{x^2-10x+25}{2x+2} : \frac{3x-15}{x^2+2x+1}$$

13. Упрости рационалне изразе:

$$a) \frac{6x}{x+5} - \frac{3}{x-5} + \frac{50x}{x^2-25} =$$

$$b) \frac{3x}{x-4} - \frac{2}{x+4} + \frac{30x}{x^2-16} =$$

$$c) \frac{3}{a-3} + \frac{4}{2a-6} - \frac{9}{4a-12} =$$

$$d) \frac{4y}{y^2-6y+9} - \frac{2y}{y^2-9}$$

Изометријске трансформације

14. Дужи АВ и СД имају заједничко средиште О. Докажи следеће подударности:

a) $AC \cong BD$

b) $AD \cong CD$

c) средишта дужи АД и СВ леже на истој прави кроз тачку О

15. Конструиши слику једнакостраничног троугла АВС при ротацији:

a) $\rho_A^{60^\circ}$

b) $\rho_B^{180^\circ}$

c) $\rho_B^{-90^\circ}$

16. Изабери у равни тачке О, А, В и С. Конструиши тачке $M = \sigma_O(A)$, $P = \sigma_A(B)$, $Q = \sigma_B(C)$.

17. Трансляцијом пресликати произвољан троугао АВС за вектор $\vec{\nu}$:

a) $\vec{\nu} = \vec{AB}$

b) $\vec{\nu} = \vec{BC}$

c) $\vec{\nu} = \vec{CA}$

18. Конструиши троугао ако је он задат следећим елементима:

a) c, a, t_a

b) $a+c, h_c, \beta$

c) c, h_c, t_c

Линеарне једначине и неједначине са једном непознатом

19. Реши линеарне једначине:

$$a) \frac{y+5}{2} + \frac{y-1}{5} = 4y - 1$$

$$b) (x+3)^2 - (x-4)^2 = 2x - 13$$

$$c) \frac{(x-2)^2}{2} - 4 = \frac{(x+1)^2}{2}$$

$$d) \frac{9y-5}{3y-2} - \frac{4y+1}{2y-3} = 1$$

20. Реши линеарне неједначине:

a) $3x+2 > 2x-7$

b) $4x+9 \leq -2x+11$

c) $\frac{6x-1}{4} < \frac{x-2}{3}$

d) $\frac{5x-1}{4} - \frac{3x-13}{10} < \frac{5x+1}{3}$

Линеарне функције

21. Испитај ток функције и нацртај њен график:

a) $y = 5x - 1$

b) $y = -3x + 1$

c) $y = -x + 4$

d) $y = 2x + 3$

22. Одреди a у функцији $y = ax - 3$ ако функција пролази кроз тачку $M(2, 5)$. Нациртај график и наведи особине.

Системи линеарних једначина

23. Реши систем једначина

a) $\frac{x+1}{2} - \frac{2y-7}{3} = 1$ b) $(x-3) \cdot (y+5) = x \cdot y - 19$

$\frac{3x-2}{7} + \frac{y+1}{3} = 3$ $(x+1) \cdot (y+2) = x \cdot y + 7$

24. Систем неједначина реши преко табеле:

a) $\frac{7x-5}{2x+5} < 1$

b) $\frac{2x-3}{4-x} \geq 3$

c) $(x-1) \cdot (x-4) > 0$